

**Учитель:** Маштакова Юлия Хасеновна

**Дата:** 10.10.2016

**Класс:** 8а

**Тема:** Простые и составные числа

**Тип урока:** изучение нового

**Вид урока:** урок - лекция

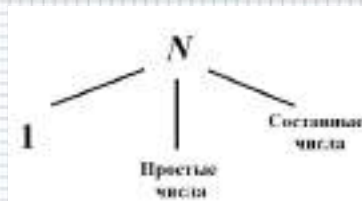
**Цели:** обобщить и систематизировать имеющиеся знания и умения по теме

**Задачи:**

- 1) **Образовательная** – знать определение простых и составных чисел; знать теорему о бесконечности простых чисел и формулировку основной теоремы арифметики; уметь выяснять, является ли данное число простым или составным.
- 2) **Воспитательная** – формировать интерес у учащихся к предмету.
- 3) **Развивающая** – способствовать формированию логического мышления у учащихся, научить систематизировать учебный материал.

Этапы урока	Ход урока	Формирование УУД, ТОУУ (технология оценивания учебных успехов)
<p><b>I. Актуализация знаний.</b></p> <p><b>II. Изложение нового</b></p>	<p><i>Организационный момент</i></p> <p>- Сегодня на уроке мы с вами вспомним все, что мы знаем о простых и составных числах.</p> <div data-bbox="752 502 1377 973" data-label="Image"> </div> <p>- Ребята, вспомните, какие числа называются простыми, а какие составными (<i>ответы детей</i>).</p> <p>- Действительно, множество натуральных чисел делится на три группы чисел.</p>	<p><b>Познавательные УУД</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Составлять, понимать и объяснять простейшие алгоритмы (план действий) при работе с конкретным заданием.</li> <li>2. Анализировать тексты простых и составных задач с опорой на краткую запись, схематический рисунок, схему.</li> </ol> <p><b>Коммуникативные УУД</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Активно участвовать в обсуждениях, возникающих на уроке.</li> <li>2. Ясно формулировать свои затруднения, возникшие при выполнении задания.</li> <li>3. Не бояться собственных ошибок и участвовать в их обсуждении.</li> <li>4. Ясно формулировать</li> </ol>

### Множество натуральных чисел



*1 (единица)*. Древние греки считали, что число 1 является «праматерью» всех чисел.

*Простые числа* – это числа, имеющие только два делителя: единицу и само число.

*Составные числа* – это числа, имеющие более двух делителей.

- Древнегреческие ученые (пифагорейцы, Евклид, Эратосфен, Диофант и др.), европейские ученые (Мерсенн, Ферма, Эйлер и др.), российские ученые (Чебышев и др.) на протяжении многих веков проявляли интерес и до сих пор проявляют интерес к простым числам.

- Это можно объяснить тем, что простые числа являются «кирпичиками» для построения всех натуральных чисел. Они связаны с криптографией и «защитой» информации.

ответы на вопросы других учеников и педагога.

### Регулятивные УУД

**1.** Принимать участие в обсуждении и формулировании алгоритма выполнения конкретного задания (составление плана действий).

**2.** Участвовать в оценке и обсуждении полученного результата.

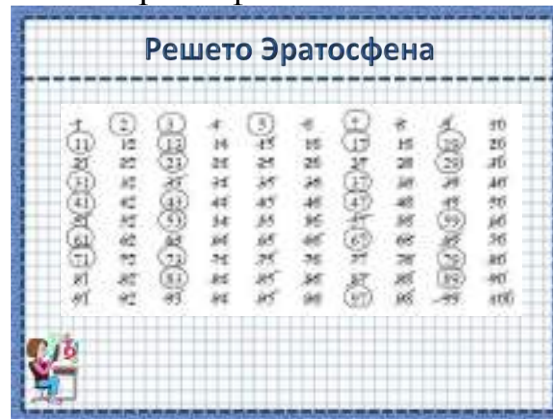
### Личностные УУД

**1.** Быть толерантным к чужим ошибкам и другому мнению.

**2.** Не бояться собственных ошибок и понимать, что ошибки – обязательная часть решения любой задачи.



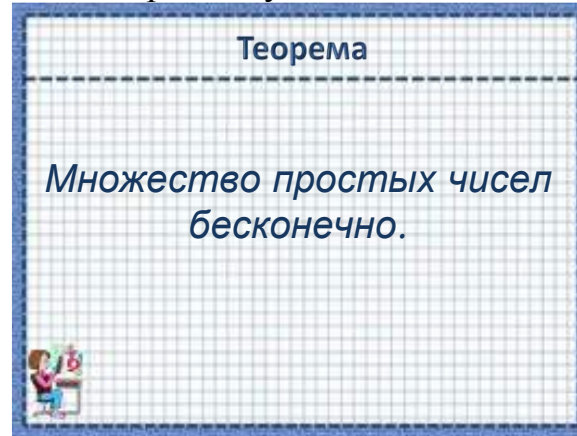
- Для нахождения простых чисел в III веке до н.э. древнегреческий ученый Эратосфен разработал специальный метод «отсеивания» составных чисел – так называемое «решето Эратосфена».



- описание метода

- Вопрос о количестве простых чисел был решен еще в III веке до н.э. Евклид доказал, что простых чисел «больше, чем любое число».

- На современном языке теорема звучит так:



- Доказательство.

Предположим, что это не так. Пусть множество простых чисел конечно. Тогда  $p$  – наибольшее простое число.

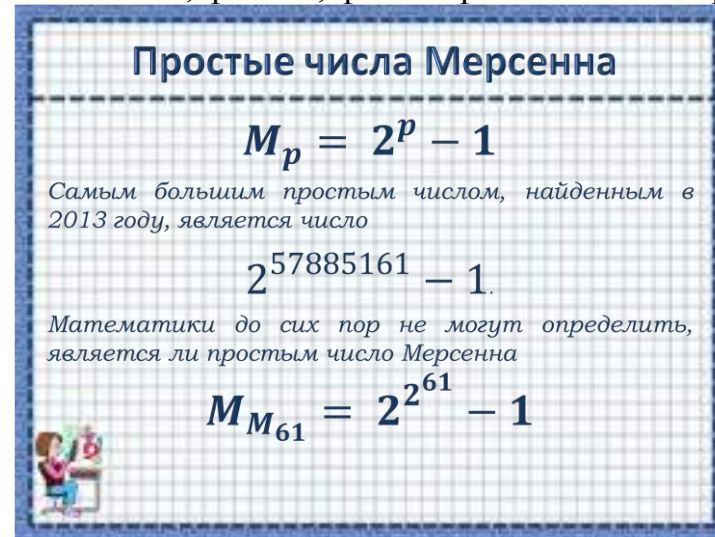
Рассмотрим число  $n = p! + 1$ , где  $p! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot (p - 1) \cdot p$ . Очевидно, что  $n > p$  и  $n$  не делится ни на одно простое число, т. к. дает в остатке 1. Значит,  $n$  – простое число, большее чем  $p$ . Но по предположению  $p$  – наибольшее простое число.

Получили противоречие. Наше предположение неверно. Поэтому, множество простых чисел бесконечно.

- В натуральном ряду простые числа распределены крайне неравномерно. Можно показать, что в нем существуют сколь угодно большие промежутки, не содержащие ни одного простого числа.

- Многими учеными делались попытки найти какое – либо выражение, значениями которого являются только простые числа.

- Попытки отыскать формулу, с помощью которой можно найти все простые числа, не увенчались успехом.
- До сих пор не доказано, что такой формулы не может существовать.
- Одной из первых формул, задающих простые числа, была формула французского математика, физика, философа и теолога Марена Мерсенна.



**Простые числа Мерсенна**

$$M_p = 2^p - 1$$

*Самым большим простым числом, найденным в 2013 году, является число*

$$2^{57885161} - 1.$$

*Математики до сих пор не могут определить, является ли простым число Мерсенна*

$$M_{M_{61}} = 2^{2^{61}} - 1$$

Illustration of a person sitting at a desk with a computer monitor.

- Особое внимание математиков к простым числам обусловлено тем, что любое натуральное число, большее единицы, либо является простым, либо разлагается на простые множители.
- В 1801 г. немецкий математик Карл Гаусс сформулировал и строго доказал основную теорему арифметики.

### Основная теорема арифметики

Для любого натурального числа, большего единицы, существует единственное (с точностью до порядка следования множителей) разложение этого числа на простые множители.

1801 г.



### III. Итог урока.

- Итак, мы вспомнили и обобщили все сведения о простых и составных числах. Узнали новые сведения об этих числах.

### VI. Предполагаемая домашняя работа.

- Ваша домашняя работа.  
П. 22 № 316, 384